

# REDES MULTICAMADAS-MLP

## Tópicos Avançados II

Aula 4

Augusto Uchôa

Petran- Programa de Pós-graduação em  
Engenharia de Transportes



Conhecer a definição de uma rede MLP

Compreender o quê e quais são os hiperparâmetros de uma MLP

Compreender como funciona uma rede neural com apenas 1 neurônio

Como definir a arquitetura mais adequada de uma rede MLP

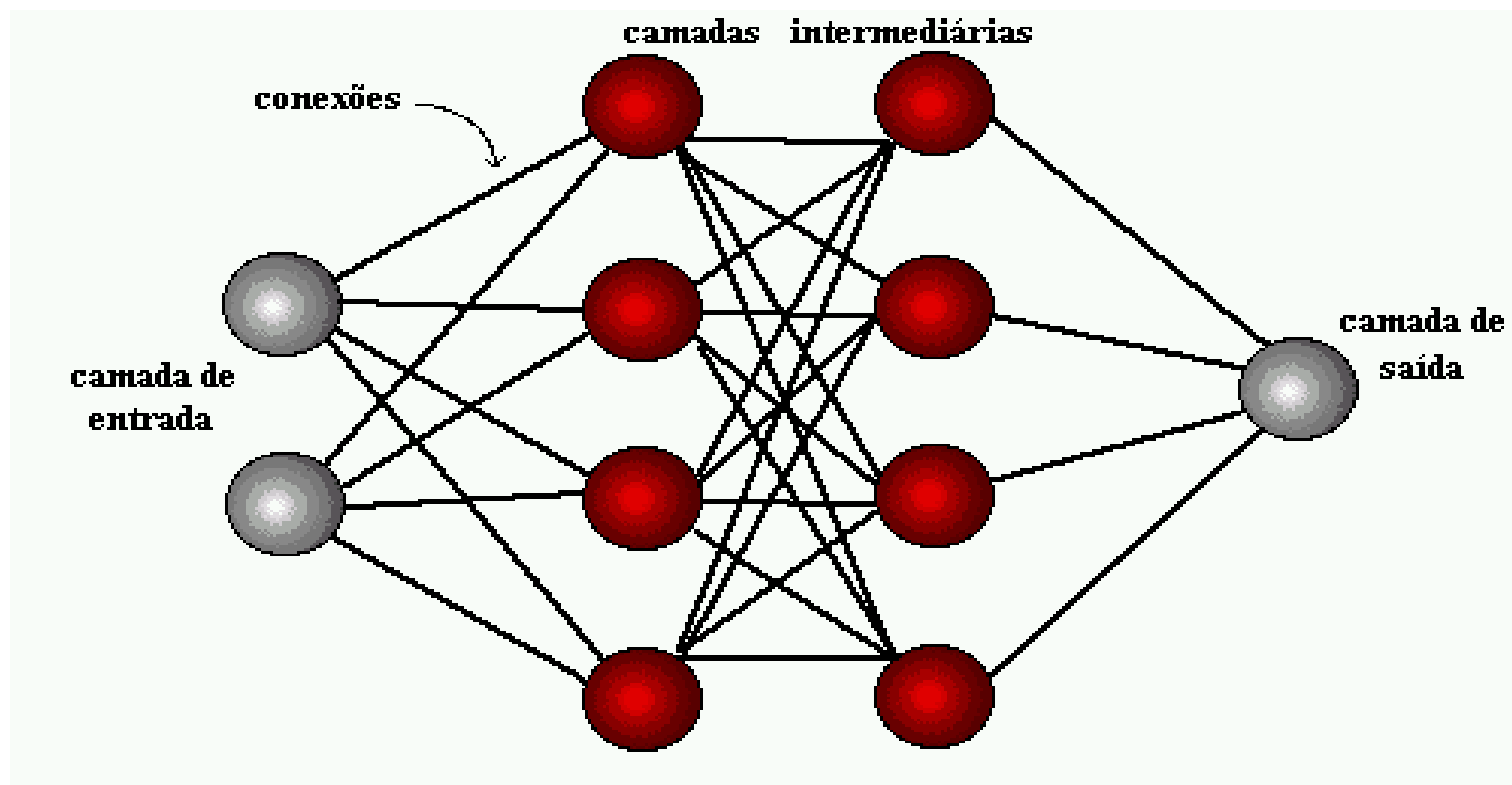
**TRILHA DE HOJE:**

# PRAZER, SOU UMA MLP!

(do inglês "Multilayer Perceptrons")

São um tipo de rede neural artificial, e também são conhecidas como redes neurais de alimentação direta ou redes neurais multicamadas.

São uma extensão das redes neurais de camada única (**também chamadas de perceptrons**) e são usadas em muitas aplicações de aprendizado de máquina.



# O QUE SÃO OS HIPERPARÂMETROS?

- São parâmetros que não são aprendidos durante o treinamento da rede, mas **precisam ser definidos, pelo modelador, antes do início da etapa de treinamento da rede**
- **Afetam diretamente o comportamento e o desempenho da rede**
- **Muitas vezes envolve experimentação e ajuste fino.**



## HIPERPARÂMETROS FUNDAMENTAIS

1. Taxa de aprendizado
2. Número de camadas e neurônios por camada
3. Funções de ativação
4. Épocas de treinamento
5. Inicialização de pesos

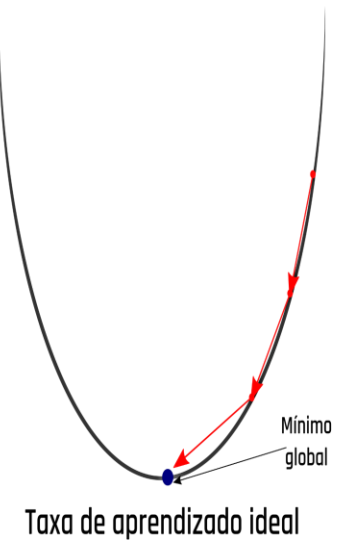
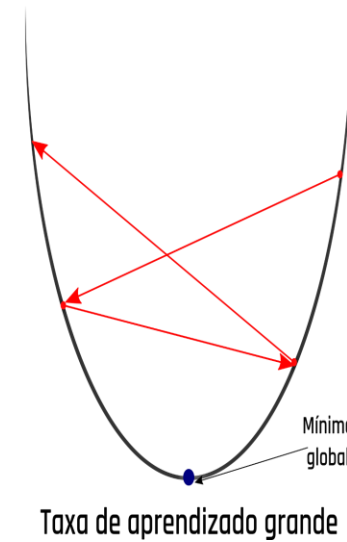
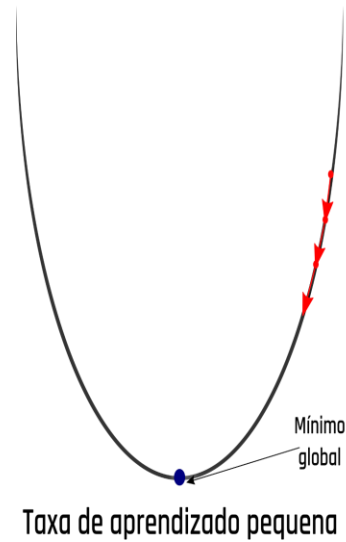
## HIPERPARÂMETROS OPCIONAIS

6. Regularização
7. Tamanho do lote (batch size)
8. Dropout
9. Momento (momentum)



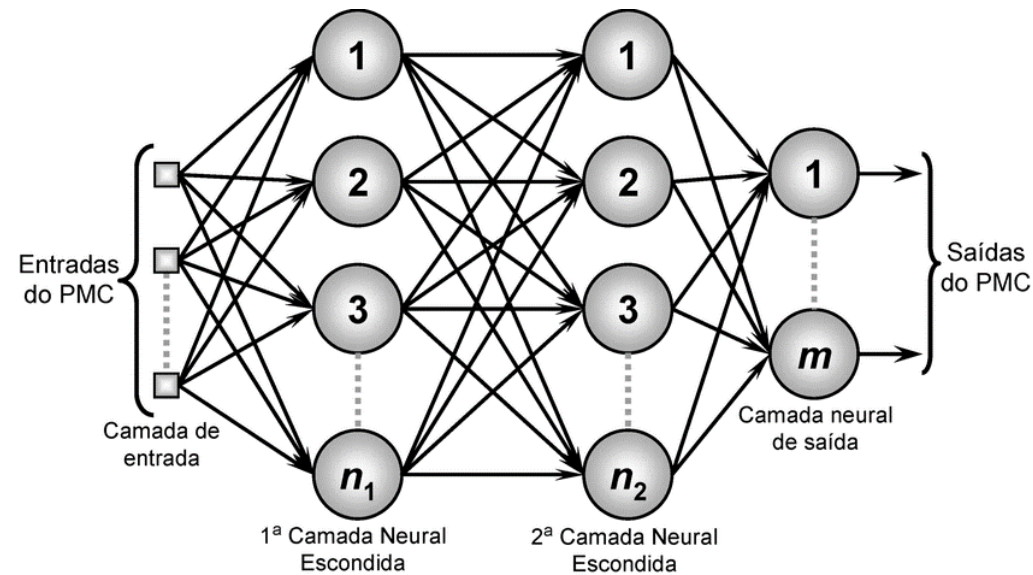
## TAXA DE APRENDIZAGEM ( $\eta$ )

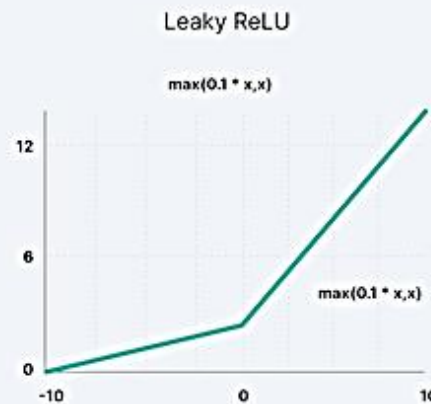
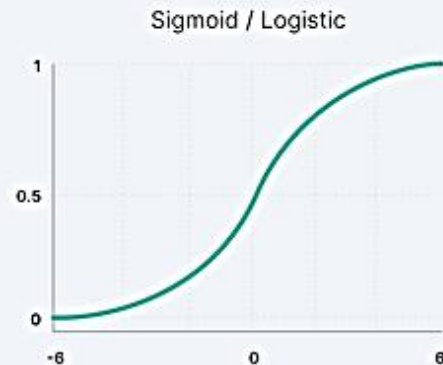
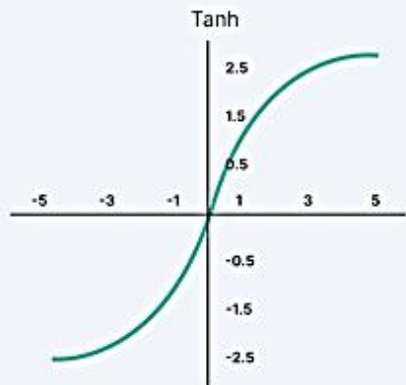
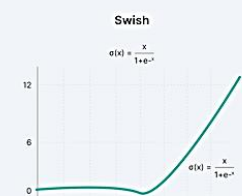
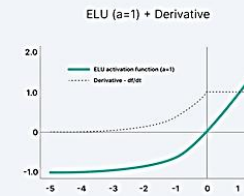
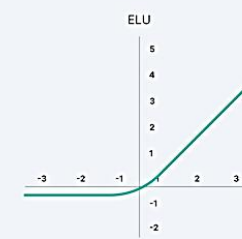
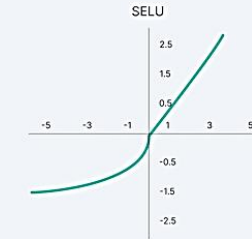
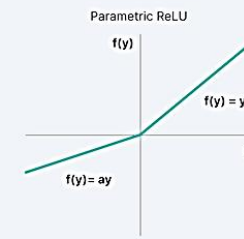
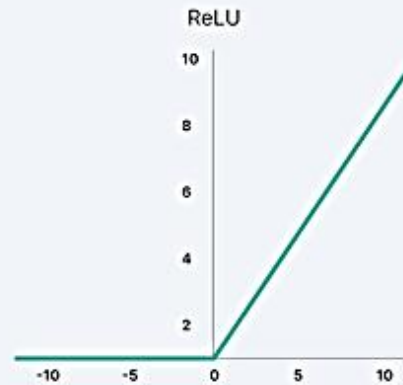
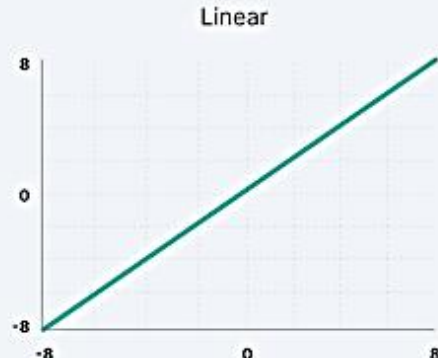
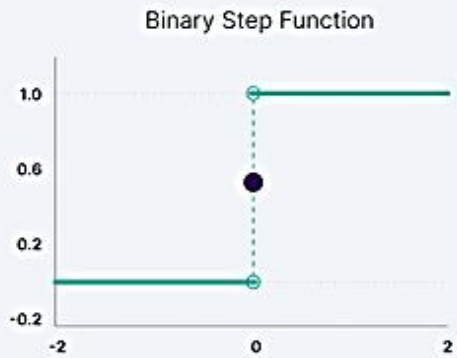
- Controla o tamanho dos passos que a rede dá durante o treinamento para ajustar os pesos das conexões entre neurônios



## NÚMERO DE CAMADAS E NEURÔNIOS POR CAMADA

- Define a arquitetura da rede, especificando quantas camadas e quantos neurônios existem em cada camada.





# FUNÇÕES DE ATIVAÇÃO

Determina a função matemática que define a saída de cada neurônio, como ReLU (Rectified Linear Unit) ou sigmoide

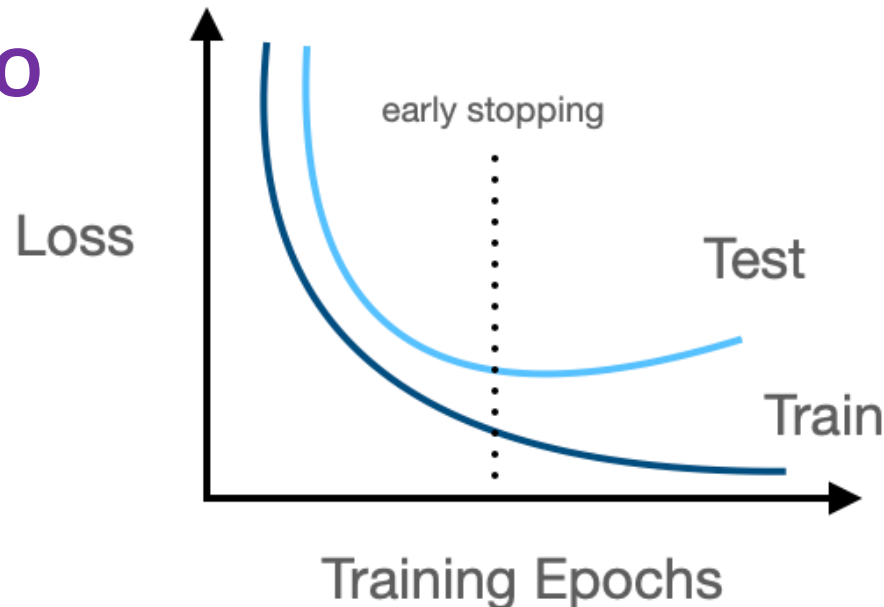
## INICIALIZAÇÃO DE PESOS:

- Define como os pesos das conexões são inicializados antes do treinamento, como pesos aleatórios ou pré-treinados.

- Se todos os pesos fossem iniciados com zero, então cada neurônio da rede iria:
  - ▣ calcular a mesma saída,
  - ▣ calcular os mesmos gradientes durante o backprop,
  - ▣ passar pelas mesmas atualizações de parâmetros.
- Portanto, não haveria fonte de assimetria entre os neurônios se seus pesos forem inicializados com o mesmo valor.

## ÉPOCAS DE TREINAMENTO

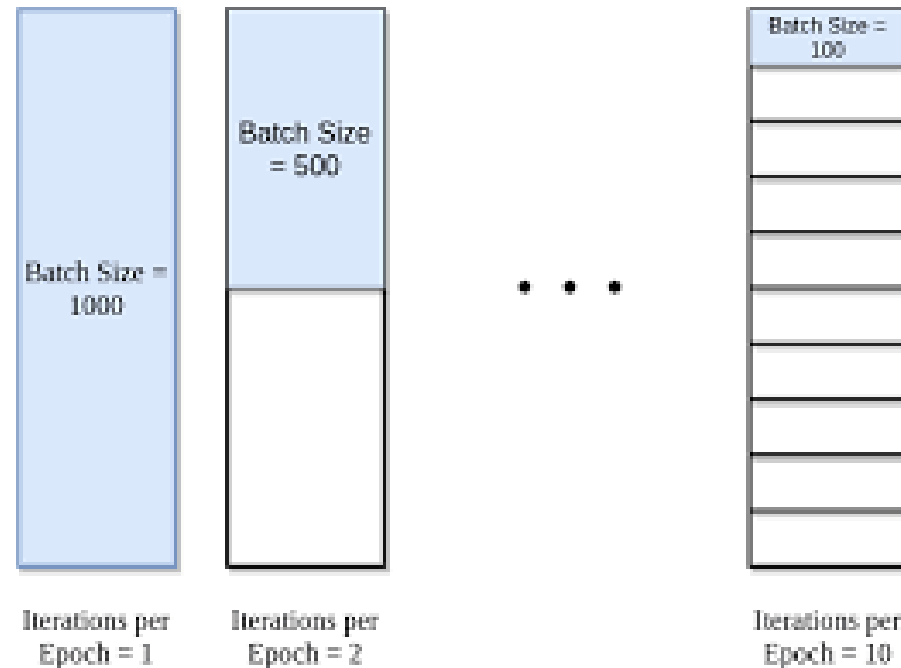
- Indica quantas vezes todo o conjunto de treinamento é percorrido durante o treinamento.





## TAMANHO DO LOTE (BATCH SIZE)

- Define quantos exemplos de treinamento são usados em cada iteração durante o treinamento.

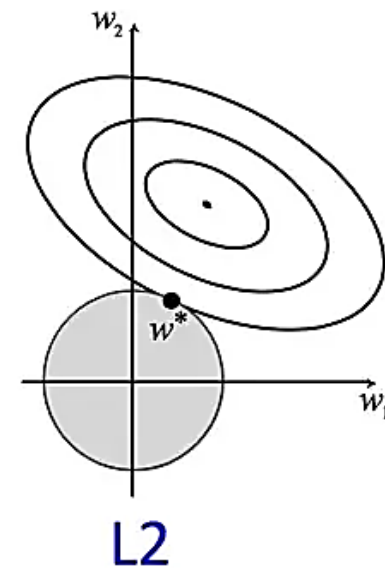
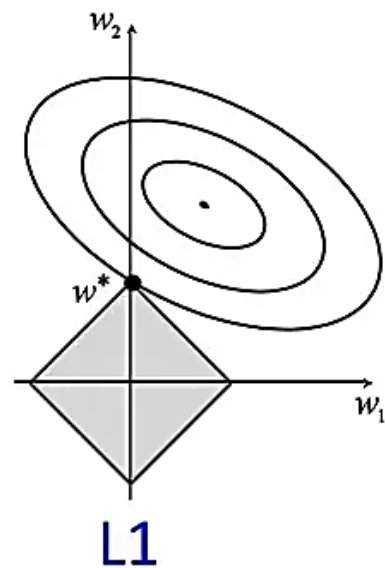


## MOMENTO (MOMENTUM) $\alpha$

- Ajuda a acelerar o treinamento, ajustando os pesos com base em gradientes anteriores. Ajuda a reduzir a influência da escolha da taxa de aprendizagem. Adiciona uma fração  $\alpha$  do valor anterior de atualização dos pesos ao atual

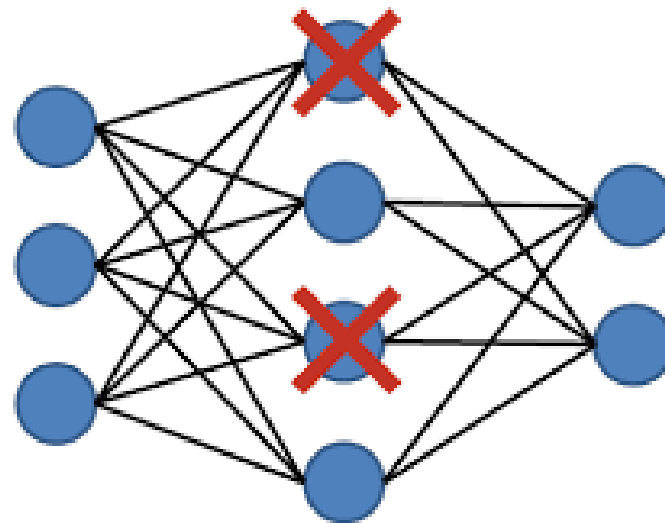
## REGULARIZAÇÃO:

- Controla a penalização de pesos grandes para evitar o overfitting, incluindo L1 ou L2 regularization.



## DROPOUT:

- Uma técnica de regularização que desativa aleatoriamente neurônios durante o treinamento para reduzir o overfitting.

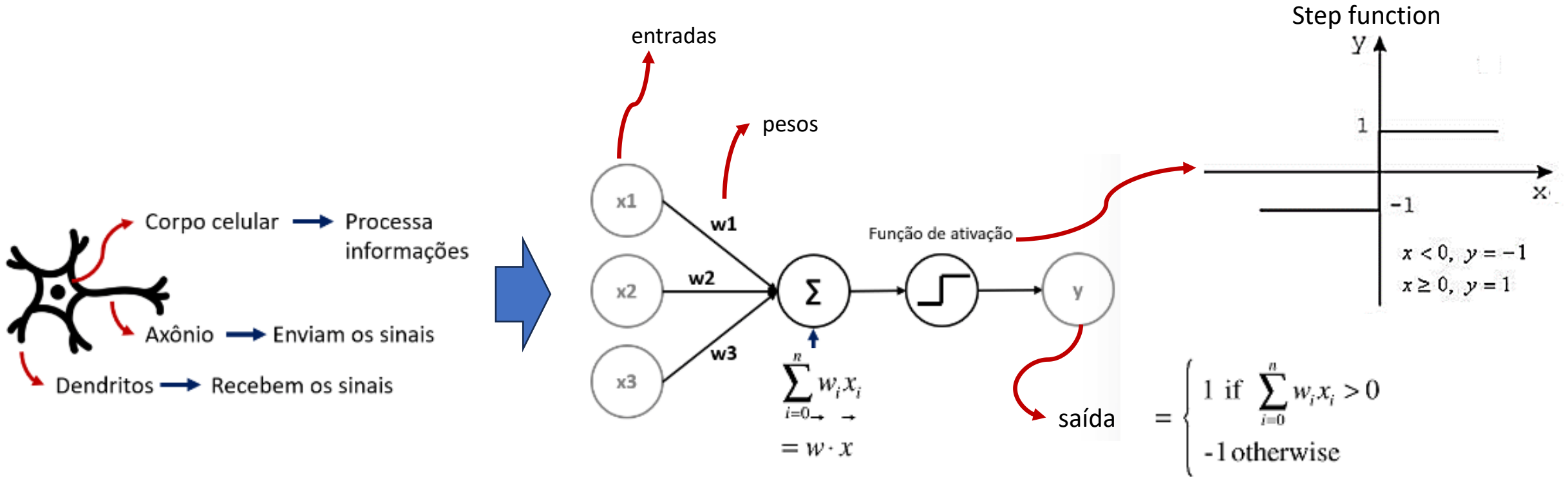


Eu sou demais!



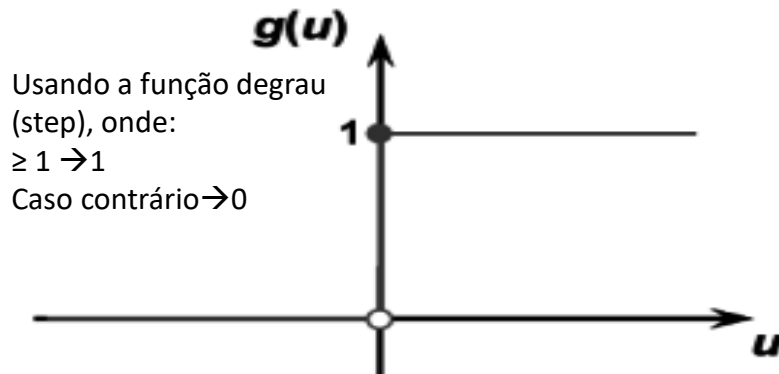
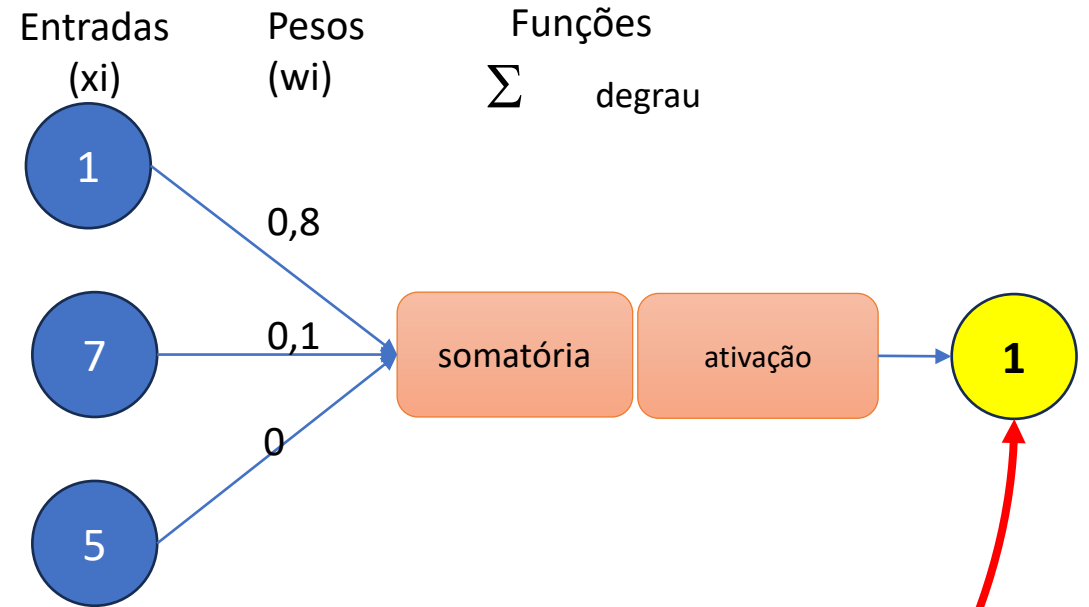
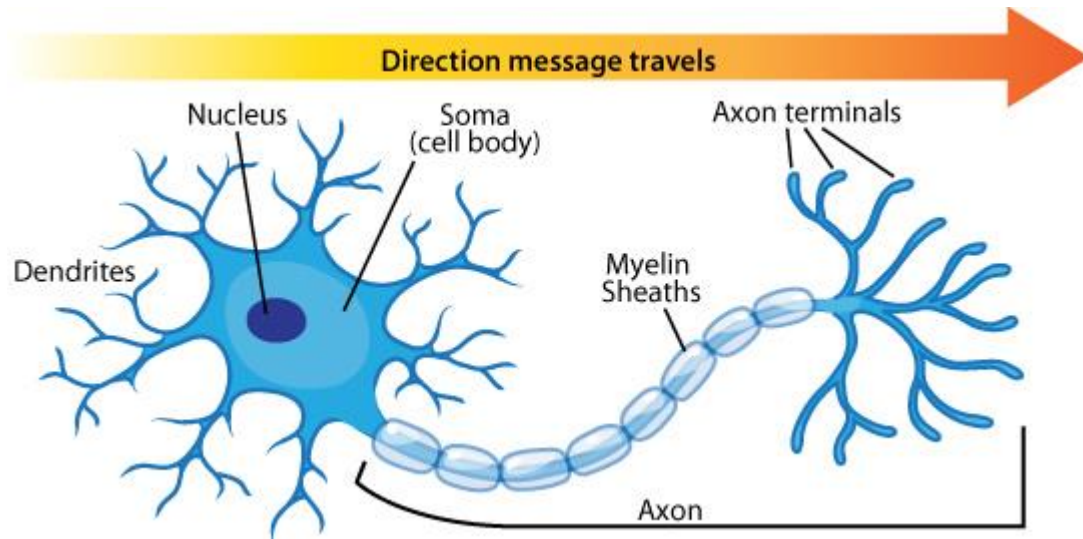
É preciso  
antes  
entender o  
**PERCEPTRON**  
para poder  
entender  
uma MLP!

# ENTENDENDO O PERCEPTRON!



“É uma “rede neural” composta por um **único neurônio** artificial, cujos os pesos podem ser treinados a partir de um vetor de entradas para produzir um vetor saída correspondente”

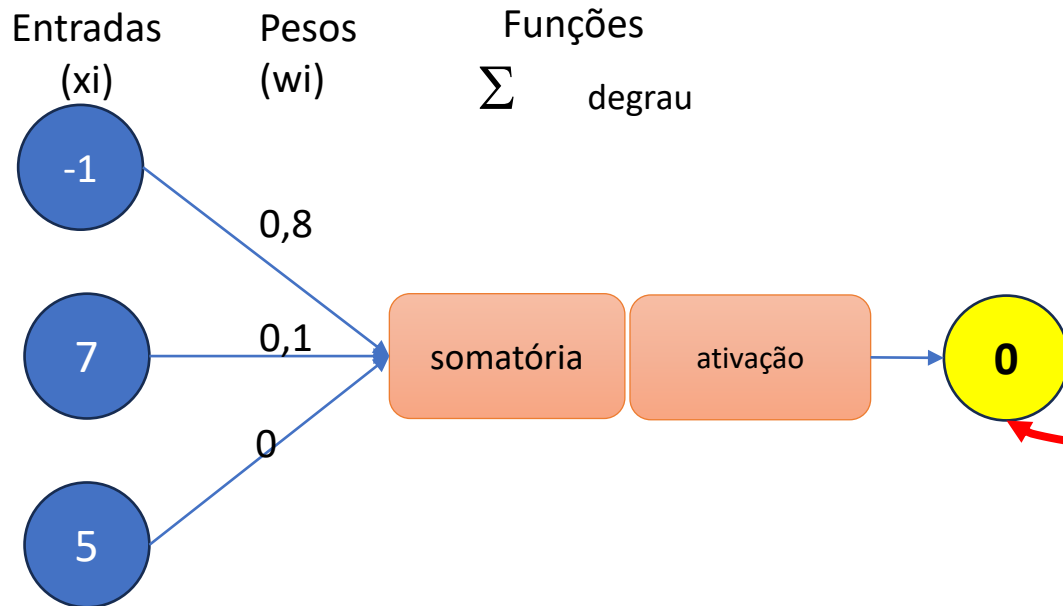
# O QUE PODE FAZER 1 NEURÔNIO?



$$soma = \sum_{i=1}^n x_i * w_i$$

**Soma =**  
 **$(1*0,8)+(7*0,1)+(5*0) \rightarrow 1,5$**   
 **$1,5 > 1$ , logo a saída será 1**

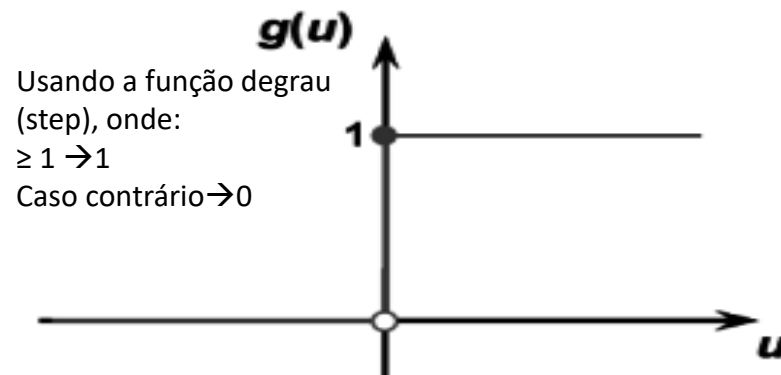
# MUDANDO APENAS 1 DAS ENTRADAS



$$soma = \sum_{i=1}^n x_i * w_i$$

$$Soma = (-1 * 0,8) + (7 * 0,1) + (5 * 0) \rightarrow -0,1$$

*-0,1 < 1, logo a saída será 0*

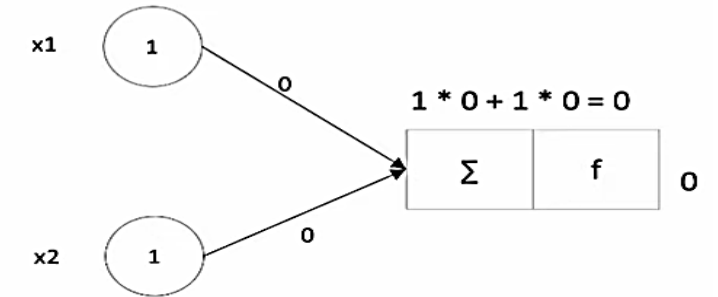
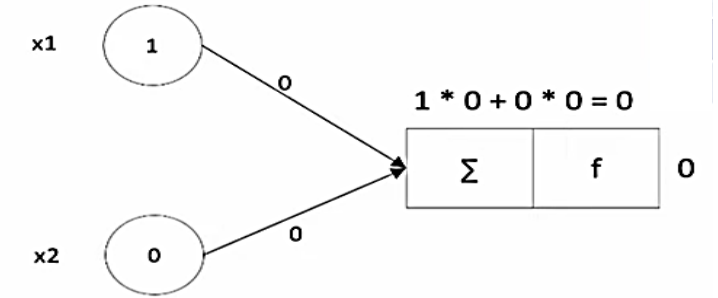
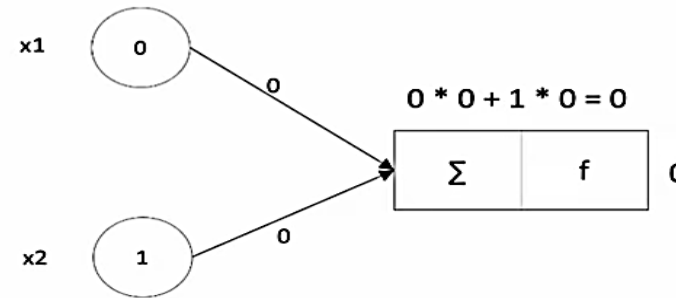
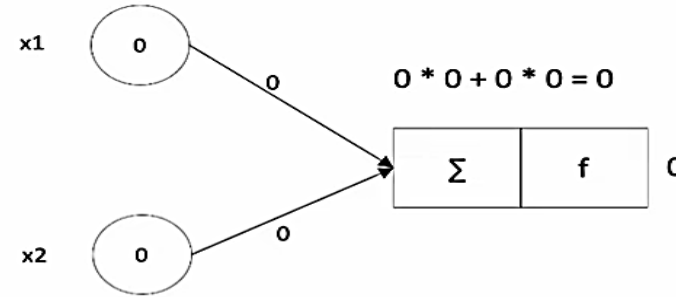


# PERCEPTRON VERSUS OPERADORES LÓGICOS?

X1	X2	saida
falso	falso	falso
falso	verdadeiro	falso
verdadeiro	falso	falso
verdadeiro	verdadeiro	verdadeiro

AND

X1	X2	saida
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1



Cálculo dos erros:

$0-0=0$

$0-0=0$

$0-0=0$

$1-0=1$      **25%**

Atualização dos pesos

$\text{Peso}(n+1) = \text{peso}(n) + (\text{taxa de aprendizagem} * \text{entrada} * \text{erro})$

Considerando a taxa de aprendizagem = 0,1 (10%)

**$\text{Peso}(n+1) = 0 + (0,1 * 1 * 1) = 0,1$**

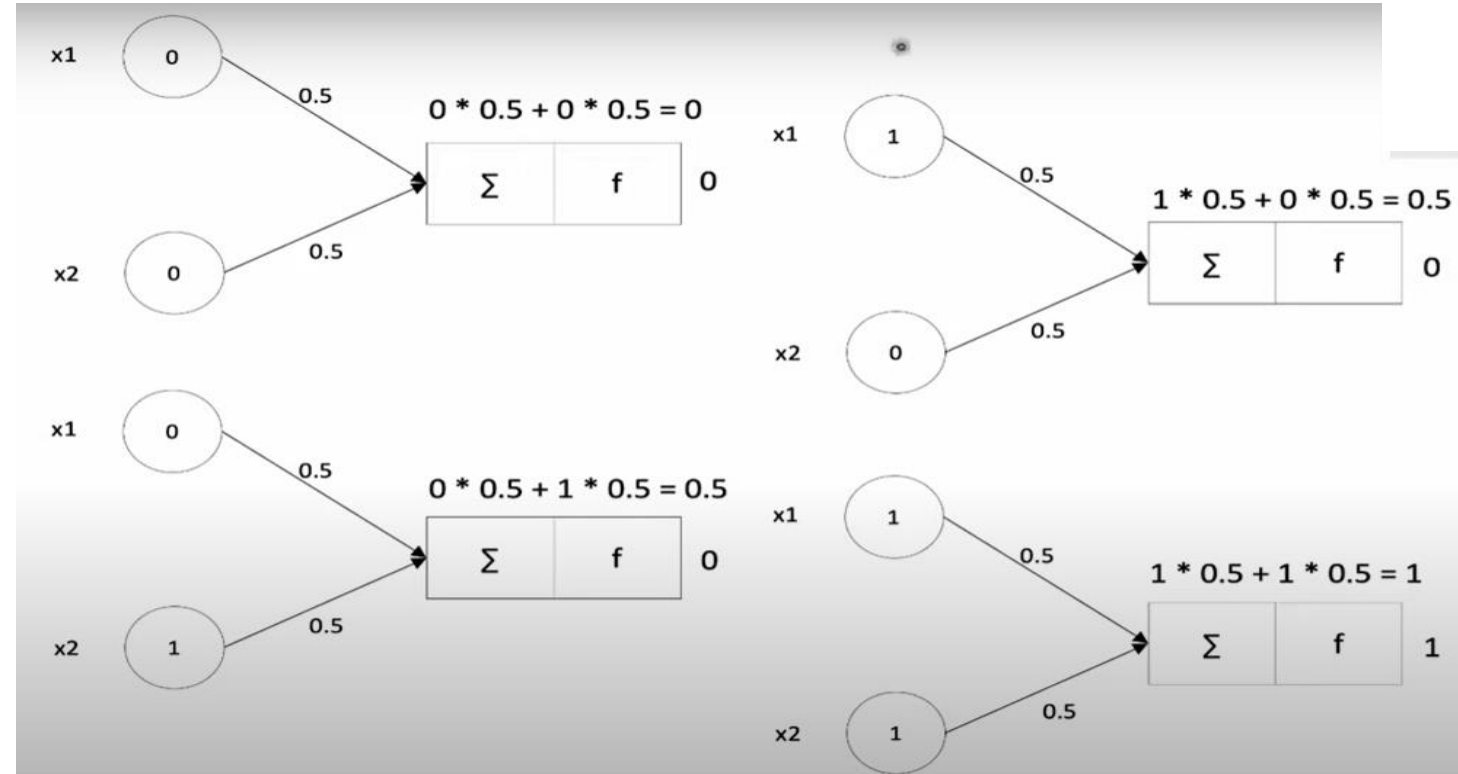
**O objetivo então é: encontrar o conjunto de pesos para que a rede possua o menor erro possível**

# ATUALIZANDO OS PESOS PARA 0,5

X1	X2	saida
falso	falso	falso
falso	verdadeiro	falso
verdadeiro	falso	falso
verdadeiro	verdadeiro	verdadeiro

AND

X1	X2	saida
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1



Cálculo dos erros:

$$0-0=0$$

$$0-0=0$$

$$0-0=0$$

$$1-1=0$$

0%

Atualização dos pesos

$$\text{Peso}(n+1) = \text{peso}(n) + (\text{taxa de aprendizagem} * \text{entrada} * \text{erro})$$

Considerando a taxa de aprendizagem = 0,1

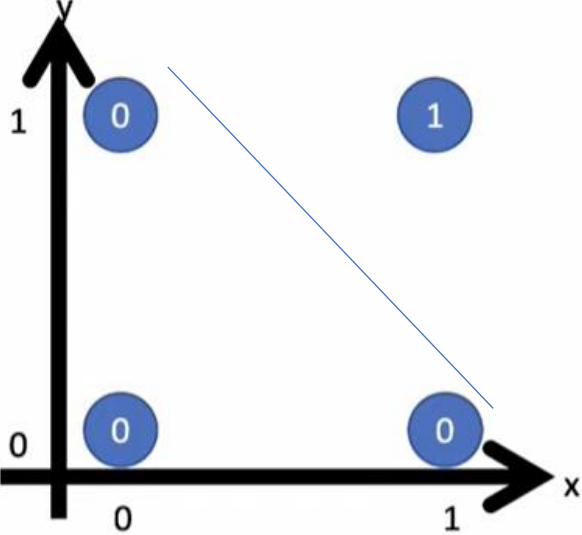
$$\text{Peso}(n+1) = 0 + (0,5 * 1 * 1) = 0,1$$

**O objetivo então é: encontrar o conjunto de pesos para que a rede possua o menor erro possível**



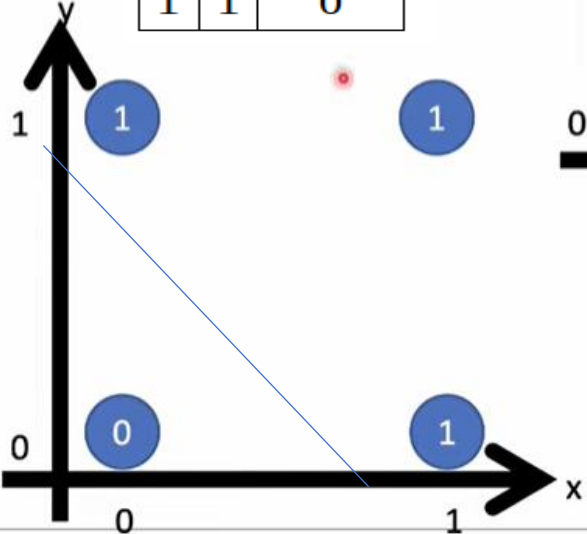
# UM NEURÔNIO SÓ NÃO DÁ CONTA DE PROBLEMAS COMPLEXOS

Linearmente separáveis

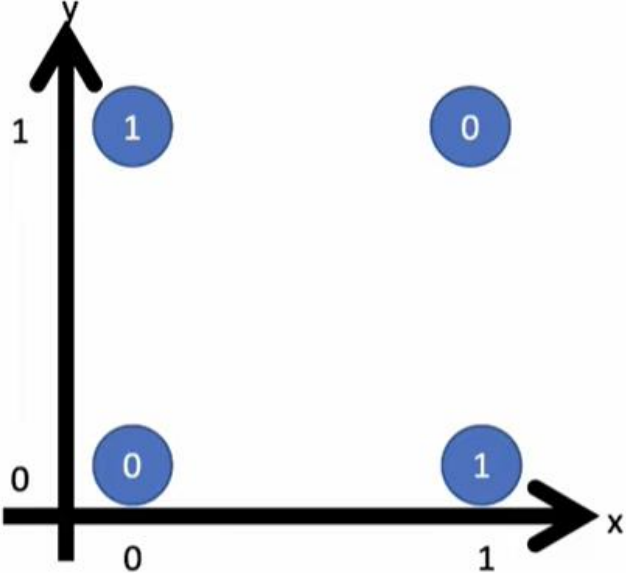


A	B	AND
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

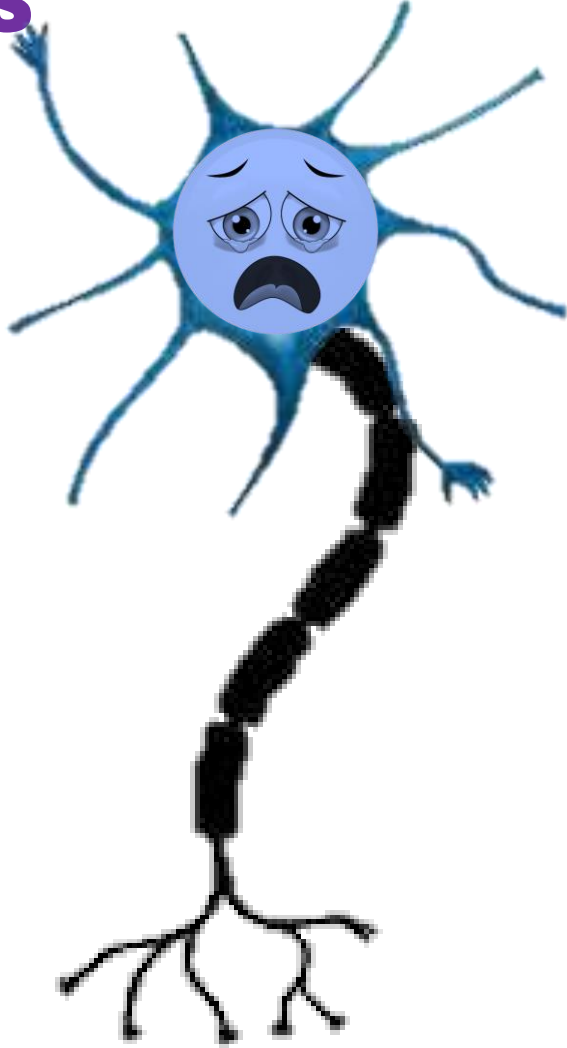
A	B	OR
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0




NÃO Linearmente separáveis



A	B	XOR
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



- 
- 1 ou 2 camadas?
  - Quantos neurônios em cada camada?

**Eis a Questão!**

**COMO DEFINIR A ARQUITETURA  
DE SUA REDE NEURAL?**

# ÁRVORE DE MODELAGEM

A Definição da arquitetura, ou topologia mais adequada de uma MLP para a geração de um modelo que melhor atenda aos objetivos da modelagem, pode ser bastante exaustiva e, vai de regra consome bastante tempo do modelador, é um trabalho de experimentação, mas conhecer bem o fenômeno modelado ajuda e aprender com os erros dos outros também!



# ME AJUDA, TÔ PERDIDO (A, E)!

1. Quantas **entradas** terá seu modelo → 2,3,4,5,...n
2. Quantas **Saídas** terá seu modelo → (estimar, prever (1) ou classificar (2, 3, 4...n))
3. Inicie sua árvore com **uma camada** intermediária → depois de varrer as possibilidades e não conseguir bons resultados insira mais uma camada intermediária e repita a árvore de modelagem só que com 2 camadas
4. **Varie o número de neurônios** nessa camada intermediária → tem algumas **dicas** para iniciar
5. **Varie os hiperparâmetros** → taxa de aprendizagem, função de ativação, momentum, etc..
6. **Varie o algoritmo de treinamento** → Backpropagation padrão ou **Levenberg Marquardt**



# DICAS VALIOSAS!!!

1. LIPPMANN (1987) → No caso de apenas 1 camada intermediária, ela deverá ter  $s \cdot (i+1)$  neurônios, onde:  $s$  é o número de neurônios na camada de saída e  $i$  é o número de neurônios na camada de entrada. Se houver uma 2ª camada, ela deve ter o dobro de neurônios da camada de saída;
2. CYBENKO (1988) → apenas 1 camada intermediária é suficiente para aproximar qualquer função contínua e 2 camadas aproximam qualquer função matemática
3. HECHT; NIELSEN (1989) → Afirmam que apenas 1 camada intermediária já é possível calcular uma função arbitrária qualquer a partir dos dados fornecidos. A camada intermediária deve ter aproximadamente  $(2i+1)$ , onde  $i$ =número de entradas;
4. Alguns autores defendem a ideia que em pequenas redes MLP de apenas 1 camada intermediária, o número de neurônios nesta camada deve ser igual à média geométrica dada pela multiplicação entre o número de neurônios da camada de entrada pelo número de neurônios da camada de saída.
5. Busquem outras dicas na literatura!

- Exemplo:

$i=4$  (entradas)

$S=1$  (saída)

LIPPMANN:

1 camada intermediária terá →  $1 \cdot (4+1) = 5$  neurônios, caso o fenômeno seja bastante complexo, faça variações desse número iniciando por ele

HECHT; NIELSEN:

1 camada intermediária terá →  $(2 \cdot 4 + 1) = 9$  neurônios

Outros autores:

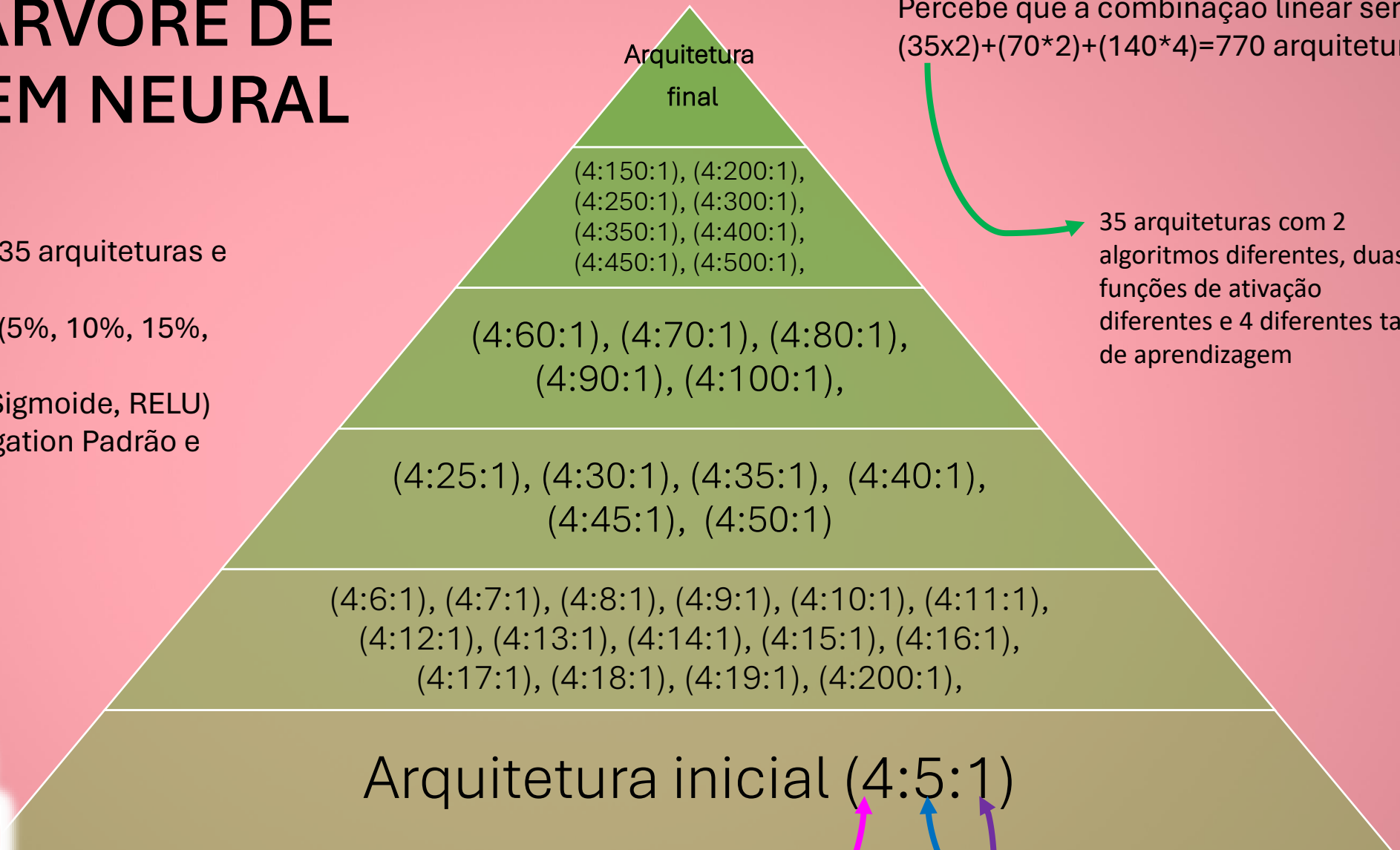
1 camada intermediária terá →  $(4 \cdot 1) = 4$  neurônios

# MINHA 1ª ÁRVORE DE MODELAGEM NEURAL

## Dicas:

Experimente as primeiras 35 arquiteturas e Varie os hiperparâmetros:

- Taxa de aprendizagem (5%, 10%, 15%, 20%)
- Funções de ativação (Sigmoide, RELU)
- Algoritmos backpropagation Padrão e Levenberg Marquardt



Percebe que a combinação linear seriam:  $(35 \times 2) + (70 \times 2) + (140 \times 4) = 770$  arquiteturas

35 arquiteturas com 2 algoritmos diferentes, duas funções de ativação diferentes e 4 diferentes taxas de aprendizagem

Exemplo:

$i=4$  (entradas)

$S=1$  (saída)

LIPPMANN:

1 camada intermediária  $\rightarrow 1 \cdot (4+1) = 5$

# **PULGA ATRÁS DA ORELHA?**

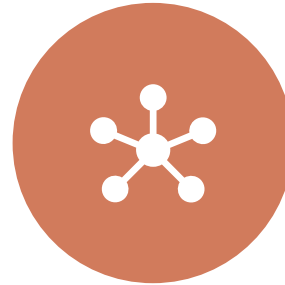
- Perguntas?
- Dúvidas?



# PONTOS CHAVE



O que é uma rede MLP?



O que são os hiperparâmetros?



Como funciona um perceptron?



Como implementar uma árvore de modelagem?



# ATIVIDADE 3:

Imaginando que você já tem alguma ideia de quais são as variáveis potencialmente envolvidas em sua modelagem: **entradas e saídas**. Solicita-se que você **construa uma árvore de modelagem neural para o fenômeno por você investigado** e descubra quantas redes você teria de testar para descobrir a combinação de arquitetura + hiperparâmetros, mais adequados à modelagem de seu fenômeno.



كوك كوك  
مُحَنِّمٌ لِحَيَّة  
حَيَّة

A SEGUIR, CENAS DO  
PRÓXIMO  
CAPÍTULO

O Algoritmo de  
treinamento  
backpropagation

